

# Interdisciplinares de Ciências Humanas e de Ciências da Natureza

## Matemática | História | Geografia



### Instruções para a realização da prova

- Neste caderno, deverão ser respondidas as questões das seguintes provas:  
Interdisciplinar de **Ciências Humanas** (1 e 2);  
Interdisciplinar de **Ciências da Natureza** (3 e 4);  
**Matemática** (5 a 10);  
**História** (11 a 16);  
**Geografia** (17 a 22).
- Atenção:** nas questões que exigem cálculo, não basta escrever apenas o resultado final. É necessário mostrar a resolução ou o raciocínio utilizado para responder às questões.
- A prova deve ser feita com caneta esferográfica preta. Utilize apenas o espaço reservado (e claramente identificado) para a resolução das questões.**
- A duração total da prova é de cinco horas.**

### ATENÇÃO

Os rascunhos **não** serão considerados na correção.

UNICAMP VESTIBULAR 2022 – 2ª FASE  
CIÊNCIAS HUMANAS / ARTES

ORDEM

INSCRIÇÃO

ESCOLA

SALA

LUGAR

NOME

ASSINATURA DO CANDIDATO

**RASCUNHO**











6. Márcia está fazendo um teste de condicionamento físico e corre numa pista circular de 200m de comprimento no sentido anti-horário. A distância, em metros, entre Márcia e um equipamento eletrônico, localizado na parte externa da pista, foi registrada nos primeiros 60 segundos e está representada na Figura 1 abaixo.

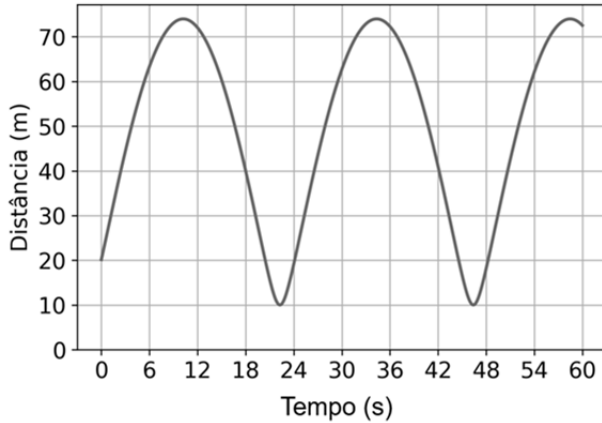


Figura 1: Distância, em função do tempo, entre Márcia e o equipamento eletrônico.

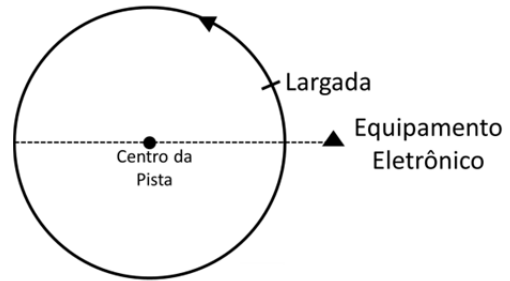


Figura 2: Representação ilustrativa da situação descrita no enunciado.

- a) Determine a distância entre o ponto de largada e o equipamento eletrônico, bem como o tempo que Márcia demora para completar uma volta.
- b) Durante o teste, qual a maior distância possível entre Márcia e o equipamento eletrônico?

**Resolução (será considerado apenas o que estiver escrito com caneta dentro deste espaço).**

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

**RASCUNHO**



7. Heloísa está brincando com uma urna que contém bolinhas azuis, verdes e rosas. Ela resolve construir uma sequência numérica  $x_0, x_1, x_2, \dots$  de acordo com as cores das bolinhas que sorteia da urna. O primeiro termo da sequência é  $x_0 = 1$ .

A cada sorteio, um novo termo da sequência é determinado multiplicando-se o termo anterior:

- por 2, se a bolinha sorteada for azul;
- por 3, se a bolinha sorteada for verde;
- por 5, se a bolinha sorteada for rosa.

A bolinha sorteada é devolvida para a urna antes do próximo sorteio. Por exemplo, se nos três primeiros sorteios Heloísa retira, respectivamente, uma bolinha rosa, uma verde e uma azul, então a sequência obtida é

- $x_0 = 1$ ,
- $x_1 = 5 \cdot x_0 = 5$ ,
- $x_2 = 3 \cdot x_1 = 15$ ,
- $x_3 = 2 \cdot x_2 = 30$ .

a) Sabendo que Heloísa obteve a sequência 1,  $x_1$ , 4, 20,  $x_4$ , 180, calcule  $x_1$  e  $x_4$  e complete o quadro abaixo com as **cores** das bolinhas sorteadas.

b) É possível que Heloísa obtenha uma sequência contendo o termo 189? Justifique.

**Resolução (será considerado apenas o que estiver escrito com caneta dentro deste espaço).**

a)

1ª bolinha	2ª bolinha	3ª bolinha	4ª bolinha	5ª bolinha
		rosa		

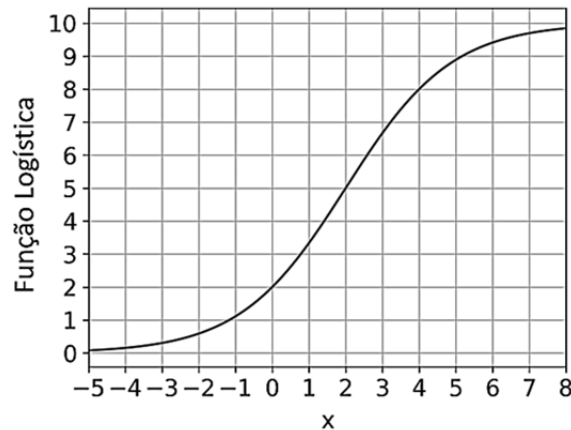
**RASCUNHO**

8. Por volta de 1845, o matemático belga Pierre Verhulst começou a estudar um tipo de função que hoje é conhecida como função logística. Originalmente utilizada para modelar problemas envolvendo crescimento populacional, atualmente tem muitas outras aplicações em ecologia, biomatemática, sociologia e ciências políticas. Uma função logística pode ser definida por

$$f(x) = \frac{L}{1 + 2^{-k(x-x_0)}}, \quad x \in \mathbb{R},$$

em que  $k > 0$ ,  $L > 0$  e  $x_0 \in \mathbb{R}$ .

- Seja  $f^{-1}$  a função inversa de  $f$ . Determine a expressão e o domínio de  $f^{-1}$ .
- O gráfico abaixo é de uma função logística com  $L = 10$ . Determine os valores de  $x_0$  e  $k$ .



**Resolução (será considerado apenas o que estiver escrito com caneta dentro deste espaço).**

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

**RASCUNHO**

































**RASCUNHO**